

Talousmatematiikka

- aritmeettinen jono
 $a_n = a_1 + (n - 1) \cdot d$
- aritmeettinen summa
 $S_n = n \frac{a_1 + a_n}{2}$
- geometrinen jono
 $a_n = a_1 \cdot q^{n-1}$
- geometrinen summa
 $S_n = \frac{a_1(1-q^n)}{1-q}$
- kasvanut pääoma
 $K_n = \left(1 + \frac{p}{100}\right)^n \cdot k$ k =alkuperäinen pääoma
 p =korkokanta (%) /korkojakso
 n =korkojaksojen lkm
- annuiteetti
 $A = \frac{N\left(1 + \frac{p}{100}\right)^n \frac{p}{100}}{\left(1 + \frac{p}{100}\right)^n - 1}$ N =lainan määrä
 p =korkoprosentti (%) /vuosi)
 n =lyhennysten lkm
 A =tasaerä eli annuiteetti

Derivoointi

- $D(f(x)g(x)) = f'(x)g(x) + f(x)g'(x)$ tulon derivaatta
- $D\left(\frac{f(x)}{g(x)}\right) = \frac{f'(x)g(x) - f(x)g'(x)}{(g(x))^2}$, $g(x) \neq 0$ osamääräderivaatta
- $D(g(f(x))) = g'(f(x)) \cdot f'(x)$ yhdistetyn funktion derivaatta
- $D(x^r) = rx^{r-1}$, $r \in \mathbb{R}$
- $D \ln x = \frac{1}{x}$, $x > 0$
- $D \sin x = \cos x$
- $D \cos x = -\sin x$
- $D e^x = e^x$

Integrointi

- $\int x^r dx = \frac{1}{r+1}x^{r+1} + C$, $r \in \mathbb{R}$, $r \neq -1$, $C \in \mathbb{R}$
- $\int \frac{1}{x} dx = \ln|x| + C$, $C \in \mathbb{R}$
- $\int \sin x dx = -\cos x + C$, $C \in \mathbb{R}$
- $\int \cos x dx = \sin x + C$, $C \in \mathbb{R}$
- $\int e^x dx = e^x + C$, $C \in \mathbb{R}$
- $\int f'(x) \cdot g'(f(x)) dx = g(f(x)) + C$, $C \in \mathbb{R}$ yhdistetyn funktion
derivoointikaavasta johdettu integrointi
- $\int f'(x) \cdot g(x) dx = f(x) \cdot g(x) - \int f(x) \cdot g'(x) dx$ osittaisintegrointi

Kahden muuttujan funktiot

$$D(x, y) = f_{xx}(x, y) \cdot f_{yy}(x, y) - [f_{xy}(x, y)]^2$$

Jos $D(x, y) > 0$ ja $f_{xx}(x, y) < 0$, funktiolla f on pisteessä (x, y) lokaali maksimi.

Jos $D(x, y) > 0$ ja $f_{xx}(x, y) > 0$, funktiolla f on pisteessä (x, y) lokaali minimi.

Jos $D(x, y) < 0$, funktiolla on pisteessä $(x, y, f(x, y))$ satulapiste.

Jos $D(x, y) = 0$, piste (x, y) voi olla lokaali maksimi- tai minimikohta tai satulapiste